Модель (система отсчета связанная с электронной компонентой)

Рассматривается следующая двужидкостная модель. Замагниченные электроны :

Однозарядные ионы, не чувствующие магнитного поля,

Собственное электрическое поле предполагается потенциальным и определяется из уравнения Пуассона

Внешнее магнитное поле постоянно и однородно. Собственным магнитным полем системы пренебрегается, т.е. .

В равновесном состоянии , электроны неподвижны , а ионы на бегают потоком со скоростью ортогональной магнитному полю. Будут интересовать решения в виде малых отклонений от равновесного положения. Поле

Правостороннюю систему координат выберем так, что ось была направлена вдоль магнитного поля, а ось вдоль вектора .

Линеаризованная система

Линеаризуем исходные уравнения относительно указанного равновесного решения. Полагая малым , подставляя в них разложения

и пренебрегая квадратичными членами полу чаем

Далее индексы 1 соответствующие возмущенной части будем опускать. Решение будем искать в виде плоской монохроматической волны с волновым вектором , т.е. направленным вдоль . Для амплитуд и (используются те же обозначения, что и для соответствующих физических величин) имеем

Отсюда получаем выражения для концентраций электронной и ионной компоненты

и выражения для компонент скорости перпендикулярно магнитному полю (рассматриваем )

Учитывая потенциальность поля где , данные формулы переписываются в виде

Дисперсионное соотношение

Поскольку , то из уравнения Пуассона получаем

или

Если теперь перейти в лабораторную систему, где невозмущенные ионы неподвижны, то получим в точности уравнение из статьи [adam, heron,laval].

Выражения для усредненных потоков

Интересуют потоки электронов и ионов перпендикулярно магнитному полю. Используя , полученные выражения для комплексных амплитуд концентраций и скоростей имеем:

электронная компонента вдоль - оси

|  |
| --- |
|  |
|  |

электронная компонента вдоль - оси

Ионная компонента вдоль - оси

Ионная компонента вдоль - оси

Баланс энергий

Энергия невозмущенной системы в единицы объема . Посчитаем осредненную кинетическую энергию возмущенной системы. Для электронной компоненты с точностью до квадратичных членов по амплитуде имеем

Здесь индекс 1 соответствующий неравновесной добавке опущен. Средний квадрат скорости равен

Для ионной компоненты средняя кинетическая энергия c точностью до квадратичного члена по амплитуде равна

|  |
| --- |
|  |
|  |